

Prof. Dr. Alfred Toth

Semiotische Involvation und Suppletion II

1. Semiotisch-kategoriales Schema nach Toth (2013a, b)

$$(.1.) = \langle \dashv, \dashv \rangle$$

$$(.2.) = \langle (.1., \dashv) \rangle$$

$$(.3.) = \langle (.1.), (.2.) \rangle,$$

zu den Primzeichen vgl. Bense (1981, S. 17 ff.).

Isomorphie der generativen Ordnung der Primzeichen und derjenigen der semiotischen Kategorien

$$(.1.) > (.2.) > (.3.) \cong \langle \dashv, \dashv \rangle, \langle (.1., \dashv) \rangle, \langle (.1.), (.2.) \rangle.$$

Definition 1: Involvation (INV) ist diejenige Relation eines Subzeichens, welche zwischen all denjenigen semiotischen Teilrelationen besteht, für die gilt: $(a.b) < (c.d)$. Dies ist der Fall gdw. gilt: a) innerhalb der trichotomischen Teilordnung $(.b) < (.d)$ und innerhalb der triadischen Teilordnung $(a.) < (c.)$.

Definition 2: Suppletion (SUP) ist diejenige Relation eines Subzeichens, welche zwischen all denjenigen Teilrelationen besteht, für die gilt: $(a.b) > (c.d)$. Man erhält die entsprechenden Bedingungen aus denen von INV, indem man "<" durch ">" ersetzt.

Gesetze der Zeichen-Arithmetik

1. Für beide semiotischen Teilordnungen

$$\text{INV}(a.b) \cup \text{SUP}(a.b) = (a.b)^\circ$$

$$\text{INV}(a.b) \cap \text{SUP}(a.b) = \emptyset$$

2. Für die Teilordnungen Tr und Tt

$$\text{INV}(a.b)_{\text{Tr}} = \text{INV}(a.b)^{-1}_{\text{Tt}}$$

$$\text{SUP}(a.b)_{\text{Tr}} = \text{SUP}(a.b)^{-1}_{\text{Tt}}.$$

2. Nach dieser Zusammenfassung der bisherigen Ergebnisse können wir für jede Zeichenklasse und ihre duale Realitätsthematik die zugehörigen involutiven und suppletiven Relationen bilden.

$$\text{INV}(3.1, 2.1, 1.1) = \emptyset$$

$$\text{INV}(3.1, 2.1, 1.2) = (1.1)$$

$$\text{INV}(3.1, 2.1, 1.3) = \{(1.1), (1.2)\}$$

$$\text{INV}(3.1, 2.2, 1.2) = \{(1.1), (2.1)\}$$

$$\text{INV}(3.1, 2.2, 1.3) = \{(1.1), (1.2), (2.1)\}$$

$$\text{INV}(3.1, 2.3, 1.3) = \{(1.1), (1.2), (2.2), (2.3)\}$$

$$\text{INV}(3.2, 2.2, 1.2) = \{(1.1), (2.1), (3.1)\}$$

$$\text{INV}(3.2, 2.2, 1.3) = \{(1.1), (1.2), (2.1), (3.1)\}$$

$$\text{INV}(3.2, 2.3, 1.3) = \{(1.1), (1.2), (2.1), (2.2), (3.1)\}$$

$$\text{INV}(3.3, 2.3, 1.3) = \{(1.1), (1.2), (2.1), (2.2), (3.1), (3.2)\}$$

=====

$$\text{SUP}(3.1, 2.1, 1.1) = \{(3.2), (3.3), (2.2), (2.3), (1.2), (1.3)\}$$

$$\text{SUP}(3.1, 2.1, 1.2) = \{(3.2), (3.3), (2.2), (2.3), (1.3)\}$$

$$\text{SUP}(3.1, 2.1, 1.3) = \{(3.2), (3.3), (2.2), (2.3)\}$$

$$\text{SUP}(3.1, 2.2, 1.2) = \{(3.2), (3.3), (2.3), (1.3)\}$$

$$\text{SUP}(3.1, 2.2, 1.3) = \{(3.2), (3.3), (2.3)\}$$

$$\text{SUP}(3.1, 2.3, 1.3) = \{(3.2), (3.3)\}$$

$$\text{SUP}(3.2, 2.2, 1.2) = \{(3.3), (2.3), (1.3)\}$$

$$\text{SUP}(3.2, 2.2, 1.3) = \{(3.3), (2.3)\}$$

$$\text{SUP}(3.2, 2.3, 1.3) = (3.3)$$

$$\text{SUP}(3.3, 2.3, 1.3) = \emptyset$$

Für jede Zkl und für jede Rth gilt somit natürlich

$$(3.a, 2.b, 1.c)^\circ = \text{INV}(3.a, 2.b, 1.c) \cup \text{SUP}(3.a, 2.b, 1.c),$$

$$\text{INV}(3.a, 2.b, 1.c) \cap \text{SUP}(3.a, 2.b, 1.c) = \emptyset$$

$$\text{INV}(a, .b, .c) = \text{INV}(3., 2., 1.)^{-1}$$

$$\text{SUP}(a, .b, .c)_{\text{Tr}} = \text{SUP}(3., 2., 1.)^{-1}_{\text{Tr}}$$

Die Mengen der involvativen und der suppletiven Relationen jedes Zeichens partitionieren somit das zu jedem Zeichen komplementäre "semiotische Universum" entsprechend der Position jeder Subrelation innerhalb der triadischen und innerhalb der trichotomischen Ordnung der Primzeichen bzw. der semiotischen Kategorien.

Literatur

Bense, Max, Axiomatik und Semiotik. Baden-Baden 1981

Toth, Alfred, Excessive Kategorien. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2013a

Toth, Alfred, Semiotische Involvation und Suppletion I. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2013b

15.11.2013